## **ДО ПИТАННЯ ВИЗНАЧЕННЯ КОНСТРУКТИВНО-СИЛОВИХ ПАРАМЕТРІВ ПЛАНЕТАРНИХ ВІДЦЕНТРОВИХ МУФТ**

В статті наведено конструкцію планетарної відцентрової муфти з трьохрядним розміщенням дебалансів. Розглянуто основні технічні протиріччя, які виникають при реальному проектуванні муфт такої групи та приведено інженерну методику розрахунку їх конструктивно-силових параметрів для заданих вихідних умов.

Використання відцентрових сил, які діють зі сторони встановлених на сателітних валах з можливістю відносного провороту дебалансів, дає можливість формувати при ведучому водилі на центральному веденому колесі плоскої планетарної передачі обертовий момент, який близький до постійного значення [1]. Це розширює експлуатаційні можливості відцентрових муфт, які при цьому виконують функції як запобіжних, так і пускових муфт.

Важливим питанням при проектуванні планетарних відцентрових муфт (ПВМ) є послідовність розрахунку їх конструктивно-силових параметрів.

При розробці конструкції ПВМ з точки зору мінімізації собівартості їх виготовлення раціональним є зведення до мінімуму кількості підшипників, сателітів і їх валів, на яких встановлені ведучі диски з повідцевими елементами і дебаланси. Це має місце в двох-, трьох- та чотирьохсателітних ПВМ. В першому випадку два діаметрально-протилежно розміщених сателітних вали встановлені в чотирьох підшипниках кочення, в другому – сателітні вали розміщенні по колу через  $120^0$  та встановлені у вісьмох підшипниках кочення. При цьому в ПВМ на кожному валу певним чином розташовані два, три або чотири дебаланси, тобто характерним для таких ПВМ є двох-, трьох- або чотирьохрядне розташування дебалансів.

На рис. 1 приведено як приклад конструкцію двохсателітної ПВМ з трьохрядним розміщенням дебалансів. У радіальних підшипниках кочення на встановленому на валу приводу ведучому водилі 1 і в його кришці 2 діаметрально-протилежно розміщені сателітні вали 3 із сателітами 4. Сателіти 4 знаходяться в постійному кінематичному зачепленні з центральним веденим колесом 5, розміщеним на веденому валу 6. На кожному сателітному валу 3 розташований ведучий диск 7 з двохсторонніми ступицями, на яких на підшипниках ковзання розміщені дебаланси 8 і 9 і ведучий диск з односторонньою ступицею, на якій на підшипнику ковзання розміщений дебаланс 11. Для взаємодії з дебалансами 8 і 9 призначені жорстко з'єднані з ведучим диском 7 відповідно повідцеві пальці 12 і 13, а для взаємодії з дебалансом 11 призначений жорстко з'єднаний з ведучим диском 10 повідцевий палець 14. Необхідно відзначити, що центри мас (точки C1,C2,C3) дебалансів 8, 9 і 11 послідовно зміщені в коловому напрямку вздовж вісі вала 3 на кут 120<sup>0</sup>. При  $\varphi_{C1}^* = 0^0, \varphi_{C2}^* = 120^0, \varphi_{C2}^* = \psi_{C2}^* + 120^0 = 240^0$ 

В процесі обертання ведучого водила з кутовою швидкістю  $\omega_6$  внаслідок дії відцентрових сил інерції  $F_{n01}$  на дебаланси 8, 9 і 11 і взаємодії останніх з повідцевими пальцями відповідно 12, 13 і 14 на центральному веденому колесі 5 формується обертовий момент, максимальна величина якого рівна:

$$T_{M.max} = 2m_{\partial} \cdot \omega_{\theta}^2 \cdot R_0 \cdot r_C \cdot \frac{Z_2}{Z_1}, \qquad (1).$$

де  $m_{\partial}$  - маса одного дебалансу;  $\omega_{e}$  - кутова швидкість обертання водила 1;  $R_{0}$  - радіус кола розміщення осей обертання сателітних валів 3;  $r_{C}$  - відстань від вісі обертання сателітного вала 3 до центра маси дебалансу;  $Z_{1}$  - число зубців сателіта 4;  $Z_{2}$  - число

зубців центрального веденого колеса 5.



Рис 1. Двохсателітна планетарна відцентрова муфта з трьохрядним розміщенням дебалансів

При обґрунтуванні конструктивно-силових параметрів необхідно в першу чергу розглянути технічні протиріччя, які виникають при реальному проектуванні. На рис. 2 подано векторні тенденції змін, які характеризують напрямки пошуку раціональних конструкцій.

На рис.2,а показано основні технічні протиріччя, які мають місце при збільшенні осьових розмірів ПВМ. При зростанні осьового розміру  $L_0$  водила збільшується величина міжопорної відстані  $L_n$ , тобто відстані між серединами підшипників кочення, в яких встановлені кінці сателітних валів 3. При цьому зростає ширина  $b_{\partial}$  дебалансу і величина прогину "у"даного вала внаслідок дії відцентрових сил, зі сторони ведучих дисків, дебалансів, сателіту і власне сателітного валу, а також колової сили  $F_t$ , яка виникає в зачепленні сателіта із центральним веденим колесом. Оскільки при цьому

ускладнюється технологія виготовлення як водила (із збільшеними осьовими розмірами), так і дисків із довшими ступицями, то це приводить до зростання собівартості C/B виготовлення ПВМ. При цьому зменшується вібростійкість системи, що приводить до зменшення імовірності безвідмовної роботи P(t).



Рис.2. Основні технічні протиріччя, які виникають при проектуванні ПВМ: а) при збільшенні осьових розмірів; б) при збільшенні радіальних розмірів.

Для другого випадку (рис 2, б) при збільшенні радіальних розмірів ПВМ, тобто при збільшенні діаметра водила  $D_B$ , зростають величини  $R_0$ ,  $r_C$  і  $T_M$ . Наслідком цього є зменшення величин  $L_0$ ,  $L_n$ ,  $b_0$ , y, C/e. Зменшення осьового розміру  $L_0$  ведучого водила сприяє покращенню технології його виготовлення і зменшенню собівартості C/eвиготовлення планетарної відцентрової муфти. Таким чином, превалюючим є другий випадок, при якому збільшуються радіальні розміри ПВМ.

У більшості випадків відцентрові муфти встановлюють на кінцях валів електродвигунів. Оскільки при відносній дешевизні, високих енергетичних показниках і простоті обслуговування асинхронні двигуни є найбільш поширеними серед всіх електричних машин (складають біля 90% всього парку машин в народному господарстві [2]), то вибір радіальних розмірів ПВМ будемо проводити саме для таких двигунів, приймаючи з конструктивних міркувань діаметр водила  $D_{e1}$  рівним зовнішньому діаметру  $d_{30}$  двигуна.

Найбільша кількість машин належить до машин загального призначення серій 4A і AI. Серія 4A охоплює діапазон номінальних потужностей від 0,06 до 400 кВт і виконана по 17 висотах вісі обертання від 50 до 355мм [2]. Габаритні, установочні і приєднувальні розміри регламентовані ГОСТ 18709-73.

Зовнішній діаметр  $d_{30}$  двигуна залежить від його потужності. Наприклад. для двигуна 4A80A потужністю 1,1 кВт при виконанні 1M1081  $d_{30} = 170$  мм, для двигуна 4A100S потужністю 3 кВт при виконанні 1M1081  $d_{30} = 235$  мм, а для двигуна 4A180M потужністю 30 кВт, при виконанні 1M1081  $d_{30} = 410$  мм. Дані розміри характерні для синхронних частот обертання n = 750 об/хв, n = 1000 об/хв і n = 1500 об/хв.

Вихідними даними для розрахунку і конструювання встановленої на валу двигуна ПВМ є обертовий момент  $T_{on}$ , що передає вал6, частота його обертання n, коефіцієнт короткочасних перевантажень  $k_n$ . Спочатку необхідно розрахувати потужність електродвигуна, на валу якого встановлена муфта

$$P_{\partial \boldsymbol{\boldsymbol{\varepsilon}}.p} = T_{on} \cdot \boldsymbol{\boldsymbol{\omega}}_{\partial \boldsymbol{\boldsymbol{\varepsilon}}} \,,$$

де  $\omega_{\partial 6}$  – кутова частота обертання вала електродвигуна, (c<sup>-1</sup>).

Номінальну потужність двигуна вибираємо з умови  $P_{\partial s} \ge P_{\partial s.p}$ . За номінальною потужністю двигуна вибираємо його зовнішній діаметр  $d_{30}$ . Приймаємо зовнішній діаметр водила  $D_{s1}$  (рис.3) рівним  $d_{30}$ .

Розглянемо вибір радіальних розмірів елементів ПВМ (рис. 3), виходячи з прийнятої умови, що  $D_{s1} = d_{30}$ .

Внутрішній діаметр водила  $D_{e2}$  рівний

$$D_{e2} = D_{e1} - 2\Delta_1 - 2h_e \,, \tag{2}$$

де  $\Delta_l$  – радіальна висота буртика водила ( $\Delta_l = 0,03 \ D_{el}$ );  $h_e$  – товщина стінки водила ( $h_e = 0,02 \ D_{el}$ ).



Рис. З Схема для визначення радіальних розмірів елементів ПВМ

Визначаємо діаметр  $d_{e}$  сталевого валу за заниженими допустимими напруженнями  $[\tau] = (25...30) M\Pi a$ , оскільки на даний вал одночасно діють крутний і згинальний моменти  $d_{e} \geq \sqrt[3]{16 \cdot T_{on}/(\pi[\tau])}$ .

З іншої сторони внутрішній діаметр водила  $D_{s2}$  може бути визначений так:

$$D_{g2} = d_g - 2\Delta_2 + 4R_\partial + 2\Delta_3, \qquad (3)$$

де  $\Delta_2$  - мінімальний радіальний зазор між дебалансом 11 і валом 6 (приймаємо  $\Delta_2$ =3мм);  $R_{\partial}$  - максимальний радіус дебалансу;  $\Delta_3$  - радіальний зазор між дебалансом і внутрішньою циліндричною поверхнею водила (приймаємо  $\Delta_3$ =3 мм).

Прирівнявши вирази (2) і (3), в кінцевому рахунку отримаємо значення максимально можливого радіусу  $R_{\partial}$  дебалансу.

$$R_{o} = 0,225 \cdot D_{s1} - 0,25 \cdot d_{s} - \Delta_{3}.$$
(4)

Радіус *R*<sub>0</sub> кола розміщення осей обертання сателітних валів 3 рівний:

$$R_{0} = \frac{(D_{B1} - 2\Delta_{1} - 2h_{B})}{2} - \Delta_{3} - R_{0} = 0,46 \cdot D_{B1} - R_{0} - \Delta_{3}$$
(5)

Оскільки з іншого боку  $R_0 = \frac{(d_1 + d_2)}{2}$ , де  $d_1$  і  $d_2$ - відповідно ділильні діаметри сателіта 4 і центрального веденого колеса 5, то попередньо прийнявши передаточне число  $U = \frac{Z_2}{Z_1} = \frac{d_2}{d_1} = 1,5$ , отримаємо орієнтовні значення ділильних діаметрів  $d_1$  і  $d_2$ :

$$d_1 = 0.8 \cdot R_0 \quad \text{i} \quad d_2 = 1.2 \cdot R_0 \,. \tag{6}$$

При цьому модуль зубців буде рівний

$$m = \frac{2R_0}{(Z_1 + Z_2)} = \frac{R_0}{25} \,. \tag{7}$$

Вибираємо стандартний модуль зубців. Оскільки сумарне число циклів навантаження зубців  $N_{\Sigma}$  за строк служби планетарної відцентрової муфти, в якій відносне переміщення сателітів відносно центрального веденого колеса має місце лише при дії перевантаження, на декілька порядків менше від числа циклів навантажень в тривіальних зубчастих передачах, тому спрощений підхід до визначення модуля зубців при відомому значенні  $R_0$  є обгрунтованим для даного конкретного випадку.

За вибраним стандартним модулем m зубців уточнюємо значення ділильних діаметрів  $d_1$  і  $d_2$ :

$$d_1 = m \cdot Z_1$$
 i  $d_2 = m \cdot Z_2$ 

Після цього необхідно визначити дійсні значення зазорів  $\Delta_2$  і  $\Delta_3$ :

$$\Delta_2 = R_0 - \frac{d_2}{2} - R_{\partial}; \quad \Delta_3 = \frac{D_{\theta 2}}{2} - R_0 - R_{\partial}.$$
(8)

У випадку отримання негативного значення зазору муфта є непрацездатною і тому необхідно зменшити число зубців  $Z_2$  центрального веденого колеса на парну кількість (2 або 4).

Після зменшення  $Z_2$  необхідно визначити ділильні діаметри  $d_1$  і  $d_2$  і уточнити значення  $R_0 = \frac{(d_1 + d_2)}{2}$ .

Знаючи уточнене значення  $R_0$ , необхідно знайти дійсні зазори  $\Delta_2$  і  $\Delta_3$ :

$$\Delta_2 = R_0 - \frac{d_2}{2} - R_0; \ \Delta_3 = \frac{D_{e2}}{2} - R_0 - R_0.$$

Ширину зубчастого вінця  $b_2$  центрального веденого колеса вибираємо в залежності від величини  $R_0$ ,  $b_2 = \psi_{ba} \cdot R_0$ , де  $\psi_{ba}$  - коефіцієнт ширини вінця, який для прямозубих передач рівний 0,1..0,4.

Ширину зубчастого вінця сателіта  $b_1$  беруть рівною  $b_1 = b_2 - 2$ , (мм).

Знаючи числа зубців  $Z_1$  і  $Z_2$  і маючи стандартне значення модуля *m*, необхідно визначити діаметри кіл вершин зубців  $d_{a1}=d_1+2m$  і  $d_{a2}=d_2+2m$  і діаметри кіл впадин  $d_{f1}=d_1-2,5m$  і  $d_{f2}=d_2-2,5m$ .

За заданим значенням обертового моменту  $T_{on}$  визначаємо колове зусилля  $F_t$ , яка виникає в зачепленні сателіта з центральним веденим колесом  $F_t = \frac{T_{on}}{d_2} = \frac{T_{M.max}}{d_2}$ , і радіальне зусилля  $F_r = F_t \cdot tg\alpha$ , де  $\alpha = 20^o$  - кут зачеплення.

При величині зусилля  $F_t$  необхідно визначити обертовий момент  $T_{cs}$  на сателітному валу 3

$$T_{ce} = F_t \frac{d_1}{2} = \frac{T_{M.max}d_1}{2d_2} = \frac{T_{M.max}Z_1}{2Z_2} \,.$$

Слід відмітити, що з іншого боку  $T_{ce} = F_{tn} \cdot r_n$ , де  $F_{tn}$  – колове зусилля в зоні контакту повідцевого пальця 13 з дебалансом 9;  $r_n$  – відстань від вісі обертання сателітного вала до вісі повідцевого пальця.

В подальшому необхідно визначити масу  $m_{\partial}$  одного дебалансу. Із залежності (1) величина  $m_{\partial}$  рівна

$$m_{\partial} = \frac{T_{M.max} \cdot Z_2}{2 \cdot \omega_s^2 \cdot R_0 \cdot r_C \cdot Z_1}.$$
(9)

Однак при цьому залишається невідомою відстань  $r_c$  від вісі обертання сателітного вала до центра маси (точки "С") дебалансу. Величина  $r_c$  визначається за залежністю

$$r_{c} = \frac{4\left(R_{\partial}^{2} + R_{\partial}r_{\partial} + r_{\partial}^{2}\right)}{3\pi\left(R_{\partial} + r_{\partial}\right)},$$
(10)

де  $r_{\partial}$  –мінімальний зовнішній радіус циліндричної поверхні дебалансу (друга зовнішня циліндрична поверхня дебалансу виконана з максимальним радіусом  $R_{\partial}$ , а форма дебалансу показана в січеннях А-А, Б-Б, В-В на рис.1).

Приймаємо  $r_{\partial} = 0.7 \cdot R_{\partial}$ , при цьому  $r_c$  визначається так  $r_c = 0.55 \cdot R_{\partial}$ .

Маючи масу  $m_{\partial}$  дебалансу, можна визначити його ширину  $b_{\partial}$ .

$$b_{\partial} = \frac{2m_{\partial}}{\left(\pi \cdot R_{\partial}^2 - \pi \cdot r_{\partial}^2\right) \cdot \rho}$$

де  $\rho$  – питома густина матеріалу дебалансу.

Попередньо приймаємо діаметр сателітного вала  $d_{ce}$  рівним мінімальному зовнішньому радіусу  $r_{\partial}$  циліндричної поверхні дебалансу. Це пов'язано з тим, що під час роботи ПВМ на сателітний вал діє відцентрова сила інерції, яку без його орієнтовного діаметру визначити неможливо. Діаметр ступиці  $d_{cm}$  ведучих дисків з повідцевими елементами визначаємо за залежністю

$$d_{cm} = 2r_{\partial} - d_o - 2\Delta_n,$$

де  $d_o$  – діаметр наскрізного отвору металевої втулки, яка встановлена на підшипнику ковзання на ступиці ведучого вала, з якою за одне ціле зв'язаний дебаланс,  $d_o = 1, 2 \cdot r_o$ ;  $\Delta_n$  – товщина стінки підшипника.

При цьому  $d_{cm} = 2r_{\partial} - 1.2 \cdot r_{\partial} - 2\Delta_n = 0.8 \cdot r_{\partial} - 2\Delta_n$ .

Діаметр  $D_{n\partial}$  ведучого диска з повідцевими пальцями приймаємо рівним подвійному максимальному радіусу  $R_{\partial}$  дебалансу  $D_{n\partial} = 2 \cdot R_{\partial}$ . Товщину  $b_{n\partial}$  даного диска можна прийняти рівною  $b_{n\partial} = 6...12$ мм.

Для уточненого розрахунку сателітного вала необхідно розглянути схему дії сил (рис.4). На даний вал діють колова сила  $F_t$ , яка виникає у зубчастому зачепленні і відповідно радіальна сила  $F_r$ , відцентрова сила  $F_c$  зі сторони сателіта, відцентрова сила  $F_{\partial n}$  зі сторони ведучого диска з повідцевими пальцями, відцентрова сила  $F_{n01(1)}$ , яка діє зі сторони дебалансу 8 і має максимальне значення в показаному положенні, відцентрова сила  $F_{n01(2)}$ , яка діє зі сторони дебалансу 9 і формує на сателітному валу обертовий момент  $T_{ce}$  і відцентрова сила  $F_{ce}$ , яка діє зі сторони сателітного вала.

Обертовий момент Т<sub>св</sub> з дебалансу 9 через повідцевий палець 13 передається на

ведучий диск 7 і сателітний вал 3. Оскільки сила  $F_{n01(2)}$  направлена під кутом  $\psi$  до лінії, яка з'єднує вісь  $O_1O_1$  обертання водила і вісь  $O_2O_2$  сателітного вала  $(\psi = \operatorname{arctg} \frac{r_c}{R_o})$ , то її необхідно розкласти на вертикальну і горизонтальну складові. Оскільки в такому миттєвому положенні дебалансів 8 і 9 зі сторони дебаланса 11 не передається відцентрова сила на диск 10 і лише виникає сила тертя в підшипнику ковзання, то даною силою в розрахунках нехтуємо.



Рис.4. Схема дії сил на сателітний вал

Після цього визначаємо сумарні радіальні реакції і будуємо епюри згинальних моментів, які діють на сателітний вал у вертикальній і горизонтальній площинах і епюру обертового моменту. За отриманим максимальним значенням згинального моменту визначаємо нормальні напруження  $\sigma_{se} = 32M_{max} / (\pi d_{ce}^3)$  і напруження кручення  $\tau = 16T_{ce} / (\pi d_{ce}^3)$  [3]. Після цього визначаємо еквівалентне напруження  $\sigma_E = \sqrt{\sigma_{se}^2 + 4\tau^2}$ . Максимальне еквівалентне напруження при короткочасних перевантаженнях  $\sigma_{Emax} = \sigma_E \cdot k_n$ . Прирівнюємо отримане значення  $\sigma_{Emax}$  з допустимим еквівалентним напруженням  $[\sigma]_E = 0.8\sigma_T$ .

Після цього проводимо підбір радіальних підшипників кочення за динамічною вантажністю. Визначаємо довговічність *L* підшипника до появи ознак втоми, млн.об

$$L = a_1 \cdot a_{23} (C_r / R)^p,$$

де  $a_1 = 0.62$  – при 95% надійності;  $a_{23} = 0.7...0.8$  – коефіцієнт, який враховує якість матеріалу деталей підшипника та умови експлуатації;  $C_r$  – базова динамічна вантажність; R – розрахункове еквівалентне навантаження на підшипник; p = 3 – показник степеня для кулькових підшипників.

На основі отриманих реальних значень величин перспективними є трьох- та чотирьохсателітні відцентрові муфти з двохрядним розміщенням дебалансів, оскільки при цьому зменшується осьові розміри конструкції.

На основі приведених обгрунтувань та розрахунків можна зробити наступні

## висновки:

- встановлені технічні протиріччя, які мають місце при реальному проектуванні планетарних відцентрових муфт, дозволили визначити превалюючий напрям збільшення радіальних розмірів;
- 2) розроблена послідовність визначення конструктивно-силових параметрів дозволяє при проектуванні вибрати всі радіальні та осьові розміри елементів конструкції, визначити масу дебалансу та його ширину;
- 3) схема дії сил (рис.4) дозволяє при миттєвому положенні дебалансів при найбільшій навантажувальності сателітного вала розрахувати реакції в його опорах, які враховуються при виборі радіальних підшипників кочення.

The construction of centrifugal coupling with three-row placing of debalances is described in the article. Fundamental technical inconsistence appearing while real designing is considered. Structural-forse parameters substantioation and type of calculation and desing of coupling for the given conditions is suggested.

## Література

- 1. Нагорняк Г. Закономірності зміни обертового моменту на центральному веденому колесі розроблених планетарних відцентрових муфт // Вісник ТДТУ, -Т.9. №1,-2004, -С.71-81.
- Справочник по электрическим машинам: в 2т. /Под общ.ред. И.П.Копылова и Б.К.Клюкова. Т.1. М.:Энергоатомиздат, 1988. –456с.
- 3. Павлище В.Т. Основи конструювання та розрахунок деталей машин. К.: Вища школа, 1993. 557 с.

Одержано 15.06.2004 р.